O DOM é utilizado pelo navegador para representar a página web. Quando você faz alguma alteração a página também é alterada, Visto que é mais fácil trabalhar diretamente com o DOM do que diretamente no código HTML ou CSS.

O grande responsável por isso é o document que fica com a responsabilidade de conceder o código Javascript o acesso total a árvore DOM do navegador. Qualquer coisa criada pelo navegador no modelo página web vai ser acessado através do Javascript document.

O DOM é usado principalmente para atualizar páginas web, graças ao dom você consegue mover itens dentro da página pi criar efeitos interessantes de CSS sem ficar recarregando a página toda hora.

O addEventListener adiciona um evento a um objeto específico visando que é uma maneira melhor de trabalhar no javaScript já que você altera um elemento

único, fazendo assim você não ter vários códigos de javaScript pelo seu código conseguindo organizar só na área de script.

Pelo que me foi explicado e pelo que entendi você pode botar o script tanto no corpo do html ou trabalhar com ele somente em um script, fazendo assim seu código ficar mais fácil de ser entendido, porém tem pessoas que podem preferir organizar ele botando no body vai de cada um, porém você pode trabalhar de várias formas o addEventListener.

No vídeo do CFBcursos que foi meu salvador vejo que ele ensina de várias maneiras e a mais organizada segundo ele é trabalhando somente com uma tag script criando uma function específica para trabalhar o addEventListener como foi feito no meu código onde eu só coloquei uma function de alerta e criei outra function para trabalhar o addEventListener, visando que trabalhei com load para fazer a caixa de alerta rodar já que o código trabalha com prioridades para funcionar.